# Аннотация к рабочей программе по предмету «Алгебра и начала математического анализа»

Количество тасов	Название курса	Алгебра и начала математического анализа
Реализуемый УМК  • Никольский С. М., Потапов М. К. и др. Алгебра и начала общеобразовательных учреждений. Базовый и профильный уровни  • Потапов М. К., Шевкин А. В. Алгебра и начала математического анализа. Дидактические материалы. 10 класс (базовый и профильный уровни)  • Потапов М. К., Шевкин А. В. Алгебра и начала математического анализа. Дидактические материалы. 10 класс (базовый и профильный уровни)  • Потапов М. К., Шевкин А. В. Алгебра и начала математического анализа. Книга для учителя. 10 класс (базовый и профильный уровни)  • Формирование представлений о математике как универсальном языке науки, средстве моделирования явлений и процессов, об идеях и методах математики;  • развитие логического мышления, пространственного воображения, апторитмической культуры, критичности мышления на уровне, необходимом для обучения в высшей школе по соответствующей специальности, в будущей профессиональной деятельности;  • овладение математический знаниями и умениями необходимыми в повседневной жизни, а также для изучения школьных естественно-паучных дисциплин, для получения образования в областях, требующих углубленной математической подготовки;  • воспитание средствами математики культуры личности (отношение к математике как к части общечеловеческой культуры, знакомство с историей развития математики, эволюцией математических идей, понимание значимости математики для общественного прогресса).  Срок реализации программы Место учебного прогреска в нутубленный уровень: 10 класс-136 часов (4 часа в неделю) учебном плане Результаты	Класс	10 M
Реализуемый УМК   В Никольский С. М., Потапов М. К. и др. Алгебра и начала математического анализа. 10 класс: учебник для общеобразовательных учреждений. Базовый и профильный уровни  Потапов М. К., Шевкин А. В. Алгебра и начала математического анализа. Дидактические материалы. 10 класс (базовый и профильный уровни)  Потапов М. К., Шевкин А. В. Алгебра и начала математического анализа. Книга для учителя. 10 класс (базовый и профильный уровни)  Ф Формирование представлений о математике как универсальном языке науки, средстве моделирования явлений и процессов, об идеях и методах математики;  развитие логического мышления, пространственного воображения, алгоритмической культуры, критичности мышления на уровне, необходимом для обучения в высшей школе по соответствующей специальности, в будущей профессиональной деятельности;  овладение математическими знаниями и умениями, необходимыми в повседневной жизни, а также для изучения школьных естественно-научных дисциплин, для получения образования в областях, требующих углубленной математической подготовки;  в воспитание средствами математики культуры личности (отношение к математики культуры завития математики, эволюцией математических идей, понимание значимости математики для общественного прогресса).  Срок реализации программы Место учебного предмета в учебном плане Результаты  Личностные результаты:	Количество	136
<ul> <li>Реализуемый УМК</li> <li>Никольский С. М., Потапов М. К. и др. Алгебра и начала математического анализа. 10 класс: учебник для общеобразовательных учреждений. Базовый и профильный уровни</li> <li>Потапов М. К., Шевкин А. В. Алгебра и начала математического анализа. Дидактические материалы. 10 класс (базовый и профильный уровни)</li> <li>Потапов М. К., Шевкин А. В. Алгебра и начала математического анализа. Книга для учителя. 10 класс (базовый и профильный уровни)</li> <li>Формирование представлений о математике как универсальном языке науки, средстве моделирования явлений и процессов, об идеях и методах математики;</li> <li>развитие логического мышления, пространственного воображения, алгоритмической культуры, критичности мышления на уровне, необходимом для обучения в высшей школе по соответствующей специальности, в будущей профессиональной деятельности;</li> <li>овладение математическими знаниями и умениями, необходимыми в повседневной жизни, а также для изучения школьных естественно-научных дисциплин, для получения образования в областях, требующих углубленной математической подготовки;</li> <li>воспитание средствами математики культуры личности (отношение к математике как к части общечеловеческой культуры, знакомство с историей развития математики, эволюцией математических идей, понимание значимости математики для общественного прогресса).</li> <li>Срок реализации программы</li> <li>Место учебного предмета в учебном плане</li> <li>Результаты</li> <li>Личностные результаты:</li> </ul>	часов	
<ul> <li>УМК математического анализа. 10 класс: учебник для общеобразовательных учреждений. Базовый и профильный уровни</li> <li>Потапов М. К., Шевкин А. В. Алгебра и начала математического анализа. Дидактические материалы. 10 класс (базовый и профильный уровни)</li> <li>Потапов М. К., Шевкин А. В. Алгебра и начала математического анализа. Книга для учителя. 10 класс (базовый и профильный уровни)</li> <li>Формирование представлений о математике как универсальном языке науки, средстве моделирования явлений и процессов, об идеях и методах математики;</li> <li>развитие логического мышления, пространственного воображения, алгоритмической культуры, критичности мышления на уровне, необходимом для обучения в высшей школе по соответствующей специальности, в будущей профессиональной деятельности;</li> <li>овладение математическими знаниями и умениями, необходимыми в повседневной жизни, а также для изучения школьных естественно-научных дисциплин, для получения образования в областях, требующих углубленной математической подготовки;</li> <li>воспитание средствами математики культуры личности (отношение к математике как к части общечеловеческой культуры, знакомство с историей развития математики, эволюцией математических идей, понимание значимости математики для общественного прогресса).</li> <li>Срок реализации программы</li> <li>Место учебного предмета в неделю)</li> <li>Углубленный уровень: 10 класс-136 часов (4 часа в неделю)</li> <li>Личностные результаты:</li> </ul>	Составитель	Камышкова Ж. В.
<ul> <li>Потапов М. К., Шевкин А. В. Алгебра и начала математического анализа. Книга для учителя. 10 класс (базовый и профильный уровни)</li> <li>Формирование представлений о математике как универсальном языке науки, средстве моделирования явлений и процессов, об идеях и методах математики;</li> <li>развитие логического мышления, пространственного воображения, алгоритмической культуры, критичности мышления на уровне, необходимом для обучения в высшей школе по соответствующей специальности, в будущей профессиональной деятельности;</li> <li>овладение математическими знаниями и умениями, необходимыми в повседневной жизни, а также для изучения школьных естественно-научных дисциплин, для получения образования в областях, требующих углубленной математической подготовки;</li> <li>воспитание средствами математики культуры личности (отношение к математике как к части общечеловеческой культуры, знакомство с историей развития математики, эволюцией математических идей, понимание значимости математики для общественного прогресса).</li> <li>Срок рализащии программы</li> <li>Место учебного углубленный уровень: 10 класс-136 часов (4 часа в неделю)</li> <li>Углубленный уровень: 10 класс-136 часов (4 часа в неделю)</li> </ul>	1	математического анализа. 10 класс: учебник для общеобразовательных учреждений. Базовый и профильный уровни  • Потапов М. К., Шевкин А. В. Алгебра и начала математического анализа. Дидактические материалы. 10 класс
<ul> <li>Формирование представлений о математике как универсальном языке науки, средстве моделирования явлений и процессов, об идеях и методах математики;</li> <li>развитие логического мышления, пространственного воображения, алгоритмической культуры, критичности мышления на уровне, необходимом для обучения в высшей школе по соответствующей специальности, в будущей профессиональной деятельности;</li> <li>овладение математическими знаниями и умениями, необходимыми в повседневной жизни, а также для изучения школьных естественно-научных дисциплин, для получения образования в областях, требующих углубленной математической подготовки;</li> <li>воспитание средствами математики культуры личности (отношение к математике как к части общечеловеческой культуры, знакомство с историей развития математики, эволюцией математических идей, понимание значимости математики для общественного прогресса).</li> <li>Срок реализации программы</li> <li>Место учебного предмета в учебном плане</li> <li>Результаты</li> <li>Личностные результаты:</li> </ul>		• Потапов М. К., Шевкин А. В. Алгебра и начала математического анализа. Книга для учителя. 10 класс
реализации программы Место учебного Углубленный уровень: 10 класс-136 часов (4 часа в предмета в неделю) учебном плане Результаты Личностные результаты:		• Формирование представлений о математике как универсальном языке науки, средстве моделирования явлений и процессов, об идеях и методах математики; • развитие логического мышления, пространственного воображения, алгоритмической культуры, критичности мышления на уровне, необходимом для обучения в высшей школе по соответствующей специальности, в будущей профессиональной деятельности; • овладение математическими знаниями и умениями, необходимыми в повседневной жизни, а также для изучения школьных естественно-научных дисциплин, для получения образования в областях, требующих углубленной математической подготовки; • воспитание средствами математики культуры личности (отношение к математике как к части общечеловеческой культуры, знакомство с историей развития математики, эволюцией математических идей, понимание значимости математики для общественного прогресса).
программы Место учебного Углубленный уровень: 10 класс-136 часов (4 часа в предмета в неделю) учебном плане Результаты Личностные результаты:	Срок	1 год
Место учебного Углубленный уровень: 10 класс-136 часов (4 часа в предмета в неделю) учебном плане Результаты:	реализации	
предмета в неделю) учебном плане Результаты:	программы	
учебном плане Результаты:	Место учебного	Углубленный уровень: 10 класс-136 часов (4 часа в
	_	неделю)
		Личностные результаты:
		_ `

учебного предмета (требования выпускнику)

К

культуры речи, способности к умственному эксперименту;

- воспитание качеств личности, обеспечивающих социальную мобильность, способность принимать самостоятельные решения;
- формирование качеств мышления, необходимых для адаптации в современном информационном обществе;
- формирование мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики;
- ответственное отношение к обучению, готовность и способность к саморазвитию;
- умение контролировать, оценивать и анализировать процесс и результат учебной и математической деятельности;
- умение управлять своей познавательной деятельностью;
- взаимодействовать одноклассниками, умение детьми младшего возраста взрослыми И учебнообразовательной, общественно полезной, исследовательской, проектной других видах деятельности;
- критичность мышления, инициатива, находчивость, активность при решении математических задач.

#### Метапредметные результаты:

- формирование представлений о математике как части общечеловеческой культуры, о значимости математики в развитии цивилизации и современного общества;
- развитие представлений о математике как форме описания и методе познания действительности, создание условий для приобретения опыта математического моделирования;
- формирование общих способов интеллектуальной деятельности, характерных для математики и являющихся основой познавательной культуры, значимой для различных сфер человеческой деятельности;
- умение самостоятельно определять цели своей деятельности, ставить и формулировать для себя новые задачи в учебе;
- умение соотносить свои действия с планируемыми

результатами, осуществлять контроль своей деятельности в процессе достижения результата, определять способы действий в рамках предложенных условий и требований, корректировать свои действия в соответствии с изменяющейся ситуацией;

- умение самостоятельно принимать решения, проводить анализ своей деятельности, применять различные методы познания;
- владение навыками познавательной, учебно-исследовательской и проектной деятельности;
- формирование понятийного аппарата, умения создавать обобщения, устанавливать аналогии, классифицировать, самостоятельно выбирать основания и критерии для классификации;
- умение устанавливать причинно-следственные связи, строить логические рассуждения, умозаключения и делать выводы;
- формирование компетентности в области использования информационно-коммуникационных технологий;
- умение находить в различных источниках информацию, необходимую для решения математических задач, и представлять ее в понятной форме, принимать решение в условиях неполной или избыточной, точной или вероятностной информации;
- умение понимать и использовать математические средства наглядности (графики, таблицы, схемы) для иллюстрации, интерпретации, аргументации;
- умение выдвигать гипотезы при решении задачи, понимать необходимость их проверки;
- понимание сущности алгоритмических предписаний и умение действовать в соответствии с предложенным алгоритмом.

#### Предметные результаты:

- владение математическими знаниями и умениями, необходимыми для продолжения обучения, изучения смежных дисциплин, применения в повседневной жизни;
- создание фундамента для математического развития, формирования механизмов мышления, характерных для математической деятельности;
- умения описывать явления реального мира на математическом языке; представления о математических понятиях и математических моделях как о важнейшем инструментарии, позволяющим описывать и изучать

	разные процессы и явления;			
	• представление об основных понятиях, идеях и			
	методах алгебры и математического анализа;			
	• представление о процессах и явлениях, имеющих			
	вероятностный характер, о статистических закономерностях в реальном мире, об основных понятиях			
	элементарной теории вероятностей; умение находить и			
	оценивать вероятности наступления событий в			
	простейших практических ситуациях и основные			
	характеристики случайных величин;			
	• владение методами доказательств и алгоритмов			
	решения; умение их применять, проводить доказательные			
CTTALLETT	рассуждения в ходе решения задач.			
Структура	Повторение алгебры 7-9 класс (3 часа)			
предмета	Тема 1. «Действительные числа» (9 часов)			
	Тема 2. «Рациональные уравнения и неравенства» (16			
	часов)			
	Тема 3. «Корень степени п» (10 часов)			
	Тема 4. «Степень положительного числа» (10 часов)			
	Тема 5. «Логарифмы» (7 часов)			
	Тема 6. «Показательные и логарифмические уравнения и			
	неравенства» (11 часов)			
	Тема 7. «Синус и косинус угла» (8 часов)			
	Тема 8. «Тангенс и котангенс угла» (6 часов)			
	Тема 9. «Формулы сложения» (12 часов)			
	Тема 10. «Тригонометрические функции» (5 часов)			
	Тема 11. «Тригонометрические уравнения и неравенства»			
	(14 часов)			
	Тема 12. «Вероятность события» (3 часа)			
	Тема 13. «Частота. Условная вероятность» (2 часа)			
	Тема 14. «Математическое ожидание. Закон больших			
	чисел» (2 часа)			
	Обобщающее повторение (18 часов)			

# Муниципальное бюджетное общеобразовательное учреждение средняя школа № 2 г. Вязьмы Смоленской области

#### РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

по алгебре для 10 М класса

на 2019/2020 учебный год

#### Учитель Камышкова Ж. В.

Согласовано на заседании методического совета МБОУ СШ № 2 г. Вязьмы Смоленской области, протокол № 1 от

Принято на заседании педагогического совета МБОУ СШ № 2 г. Вязьмы Смоленской области, протокол № 1 от

Утверждено приказом директора МБОУ СШ № 2 г. Вязьмы Смоленской области № 114/01.09 от 30.08.2019

#### Пояснительная записка

Рабочая программа учебного курса по алгебре и началам математического анализа разработана в соответствии с учётом требований федерального компонента Государственного стандарта основного среднего (полного) общего образования, требованиями Примерной программы среднего (полного) общего образования по математике, учебным планом МБОУ СШ № 2 г. Вязьмы Смоленской области, с использованием рекомендаций авторской программы С. М. Никольского и др. и ориентирована на использование учебно-методического комплекса:

- Никольский С. М., Потапов М. К. и др. Алгебра и начала математического анализа. 10 класс: учебник для общеобразовательных учреждений. Базовый и профильный уровни
- Потапов М. К., Шевкин А. В. Алгебра и начала математического анализа. Дидактические материалы. 10 класс (базовый и профильный уровни)
- Потапов М. К., Шевкин А. В. Алгебра и начала математического анализа. Книга для учителя. 10 класс (базовый и профильный уровни)

Согласно учебному плану МБОУ СШ №2 г. Вязьмы Смоленской области на изучение алгебры и начал математического анализа в 10 классе М отводится 136 часов из расчета 4 ч в неделю (с целью интеллектуального развития обучающихся, формирования качеств мышления, характерных для математической деятельности и необходимых для повседневной жизни добавляется 2 часа). Преподавание ведётся на углубленном уровне.

# Планируемые результаты освоения учебного предмета, курса

Программа обеспечивает достижение следующих результатов освоения образовательной программы основного общего образования:

#### Личностные:

- развитие логического и критического мышления, культуры речи, способности к умственному эксперименту;
- воспитание качеств личности, обеспечивающих социальную мобильность, способность принимать самостоятельные решения;
- формирование качеств мышления, необходимых для адаптации в современном информационном обществе;
- формирование мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики;
- ответственное отношение к обучению, готовность и способность к саморазвитию;

- умение контролировать, оценивать и анализировать процесс и результат учебной и математической деятельности;
- умение управлять своей познавательной деятельностью;
- умение взаимодействовать с одноклассниками, детьми младшего возраста и взрослыми в образовательной, общественно полезной, учебно-исследовательской, проектной и других видах деятельности;
- критичность мышления, инициатива, находчивость, активность при решении математических задач.

#### Метапредметные:

- формирование представлений о математике как части общечеловеческой культуры, о значимости математики в развитии цивилизации и современного общества;
- развитие представлений о математике как форме описания и методе познания действительности, создание условий для приобретения опыта математического моделирования;
- формирование общих способов интеллектуальной деятельности, характерных для математики и являющихся основой познавательной культуры, значимой для различных сфер человеческой деятельности;
- умение самостоятельно определять цели своей деятельности, ставить и формулировать для себя новые задачи в учебе;
- умение соотносить свои действия с планируемыми результатами, осуществлять контроль своей деятельности в процессе достижения результата, определять способы действий в рамках предложенных условий и требований, корректировать свои действия в соответствии с изменяющейся ситуацией;
- умение самостоятельно принимать решения, проводить анализ своей деятельности, применять различные методы познания;
- владение навыками познавательной, учебно-исследовательской и проектной деятельности;
- формирование понятийного аппарата, умения создавать обобщения, устанавливать аналогии, классифицировать, самостоятельно выбирать основания и критерии для классификации;
- умение устанавливать причинно-следственные связи, строить логические рассуждения, умозаключения и делать выводы;
- формирование компетентности в области использования информационно-коммуникационных технологий;
- умение находить в различных источниках информацию, необходимую для решения математических задач, и представлять ее в понятной форме, принимать решение в условиях неполной или избыточной, точной или вероятностной информации;
- умение понимать и использовать математические средства наглядности (графики, таблицы, схемы) для иллюстрации, интерпретации, аргументации;
- умение выдвигать гипотезы при решении задачи, понимать необходимость их проверки;

• понимание сущности алгоритмических предписаний и умение действовать в соответствии с предложенным алгоритмом.

# Предметные:

- владение математическими знаниями и умениями, необходимыми для продолжения обучения, изучения смежных дисциплин, применения в повседневной жизни;
- создание фундамента для математического развития, формирования механизмов мышления, характерных для математической деятельности;
- умения описывать явления реального мира на математическом языке; представления о математических понятиях и математических моделях как о важнейшем инструментарии, позволяющим описывать и изучать разные процессы и явления;
- представление об основных понятиях, идеях и методах алгебры и математического анализа;
- представление о процессах и явлениях, имеющих вероятностный характер, о статистических закономерностях в реальном мире, об основных понятиях элементарной теории вероятностей; умение находить и оценивать вероятности наступления событий в простейших практических ситуациях и основные характеристики случайных величин;
- владение методами доказательств и алгоритмов решения; умение их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач. В результате изучения курса алгебры и начал анализа в 10 классе

## ученик научится:

- оперировать понятием «радианная мера угла», выполнять преобразования радианной меры в градусную и градусной меры в радианную;
- оперировать понятиями: косинус, синус, тангенс, котангенс угла поворота, арккосинус, арксинус, арктангенс и арккотангенс;
- оперировать понятием корня *n*-степени, степени с рациональным показателем, степени с действительным показателем, логарифма;
- применять понятие корня *n*-степени, степени с рациональным показателем, степени с действительным показателем, логарифма и их свойства в вычислениях и при решении задач;
- выполнять тождественные преобразования выражений содержащих корень *n*-степени, степени с рациональным показателем, степени с действительным показателем, логарифм, тригонометрических выражений
- решать рациональные, тригонометрические уравнения, простейшие иррациональные, показательные, логарифмические уравнения
- решать рациональные неравенства и их системы; простейшие показательные, логарифмические и тригонометрические неравенства; решать неравенства методом интервалов
- решать текстовые задачи арифметическим способом, с помощью составления и решения уравнений и неравенств;
- использовать алгебраический язык для описания предметов окружающего мира и создание соответствующих математических моделей;

- понимать и использовать функциональные понятия, язык (термины, символические обозначения);
- выполнять построения графиков функции с помощью геометрических преобразований;
- выполнять построения графиков вида  $y = \sqrt[n]{x}$ , степенных, тригонометрических, обратных тригонометрических, показательных и логарифмических функций;
- понимать функцию как важнейшую математическую модель для описания процессов и явлений окружающего мира, применять функциональный язык для описания и исследования зависимостей между физическими величинами.
- решать комбинаторные задачи на нахождение количества объектов или комбинаций;
- применять формулу бинома Ньютона для преобразования выражений;
- использовать метод математической индукции для доказательства теорем и решения задач;
- использовать способы представления и анализа статистических данных;
- выполнять операции над событиями и вероятностями.

#### ученик получит возможность научиться:

- выполнять многошаговые преобразования выражений, применять широкий набор способов и приемов;
- применять тождественные преобразования выражений для решения задач из различных разделов курса
- овладеть приемами решения уравнений, неравенств и систем уравнений; применять аппарат уравнений для решения разнообразных задач из математики, смежных предметов, практики;
- применять графические представления для исследования уравнений, неравенств, систем уравнений, содержащих параметры.
- проводить исследования связанные с изучением свойств функций, в том числе с использованием компьютера;
- использовать функциональные представления и свойства функций для решения задач из различных разделов математики.
- сформировать представление о пределе функции в точке;
- научится специальным приемам решения комбинаторных задач;
- характеризовать процессы и явления, имеющие вероятностный характер.

# Содержание учебного материала.

Содержание	Часы
Повторение	Зчаса (вводный
	контроль)
Действительные числа	9 часов
Рациональные уравнения и неравенства	16 часов (к/р №1)

Корень степени п	10 часов (к/р № 2)
Степень положительного числа	10 часов (к/р № 3)
Логарифмы	7 часов
Показательные и логарифмические уравнения и неравенства	11 часов (к/р № 4)
Синус и косинус угла	8 часов
Тангенс и котангенс угла	6 часов (к/р № 5)
Формулы сложения	12 часов
Тригонометрические функции	5 часов (к/р № 6)
Тригонометрические уравнения и неравенства	14 часов (к/р № 7)
Вероятность события	3 часа
Частота. Условная вероятность	2 часа
Математическое ожидание. Закон больших чисел	2 часа
Обобщающее повторение	18 часов (промежуточная аттестация)

# 1. Повторение курса алгебры 7-9 классов (3 часа)

# 2. Действительные числа (9 часов).

Понятие натурального числа. Множества чисел. Свойства действительных чисел. Метод математической индукции. Перестановки. Размещения. Сочетания. Доказательства числовых неравенств. Делимость целых чисел. Сравнения по модулю т. Задачи с целочисленными неизвестными.

<u>Основная цель</u> – систематизировать известные и изучить новые сведения о действительных числах. При изучении первой темы сначала проводится повторение изученного в основной школе по теме «Действительные числа». Затем изучаются перестановки, размещения и сочетания. Здесь важно понять разницу между ними и научиться применять их при решении задач.

Необходимо овладеть методом математической индукции и научиться применять его при решении задач. Важным элементом обучения является овладение методами доказательства числовых неравенств. Делимость чисел изучается сначала для натуральных чисел, а затем для целых чисел. Это приводит к новому понятию: сравнению чисел по модулю. Приводится решение многочисленных зада с помощью сравнения по модулю. Наконец, рассматриваются разнообразные диофантовы уравнения.

# 1. Рациональные уравнения и неравенства (16 часов).

Рациональные выражения. Формулы бинома Ньютона, суммы и разности степеней. Деление многочленов с остатком. Алгоритм Евклида. Теорема Безу. Корень многочлена. Рациональные уравнения. Системы рациональных уравнений. Метод интервалов решения неравенств. Рациональные неравенства. Нестрогие неравенства. Системы рациональных неравенств.

<u>Основная цель</u> – сформировать умения решать рациональные уравнения и неравенства.

При изучении этой темы сначала повторяются известные из основной школы сведения о рациональных выражениях. Затем эти сведения дополняются формулами бинома Ньютона, суммы и разности одинаковых натуральных степеней. Повторяются старые и приводятся новые способы решения рациональных уравнений и систем рациональных уравнений.

Рассматривается метод интервалов решения неравенств вида  $(x-x_1)...(x-x_n)>0$  или  $(x-x_1)...(x-x_n)<0$  (\*). Он основан на свойстве двучлена (х-а) обращаться в нуль только в одной точке а, принимать положительные значения для каждого x>a и отрицательные значения для каждого x<a. решение строгих рациональных неравенств сводится к решению неравенств вида (\*).

Нестрогие неравенства вводятся только после рассмотрения всех строгих неравенств. Для решения нестрогого неравенства надо решить уравнение и строгое неравенство, а затем объединить все найденные решения. После этого рассматриваются системы рациональных неравенств.

Решению рациональных уравнений и неравенств помогает метод нахождения рациональных корней многочлена степени больше 3, изучение деления многочленов и теорема Безу.

# 2. Корень степени п (10 часов).

Понятие функции и её графика. Функция  $y=x^n$ . Понятие корня степени n. Корни чётной и нечётной степеней. Арифметический корень. Свойства корней степени n. Функция  $y=^n\sqrt{x}$ . Корень степени n из натурального числа.

Основная цель — освоить понятие корня степени n и арифметического корня; выработать умение преобразовывать выражения, содержащие корни степени n. При изучении этой темы сначала напоминаются определения функции u её графика, свойства функции  $y=x^n$ . Существование двух корней чётной степени из положительного числа u одного корня нечётной степени из любого действительного числа показывается геометрически u опорой на непрерывность на u функции u посновное внимание уделяется изучению свойств арифметических корней u их применению u преобразованию выражений, содержащих корни.

Изучаются свойства и график функции  $y=\sqrt[n]{x}$ , утверждается, что арифметический корень степени п может быть или натуральным числом или иррациональным числом.

# 3. Степень положительного числа (10 часов).

Понятие и свойства степени с рациональным показателем. Предел последовательности. Свойства пределов. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Число *е*. понятие степени с иррациональным показателем. Показательная функция.

<u>Основная цель</u> – усвоить понятия рациональной и иррациональной степеней положительного числа и показательной функции.

Сначала вводится понятие рациональной степени положительного числа и изучаются её свойства. Затем вводится понятие предела последовательности и с его помощью находится сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии и определяется число е. степень с иррациональным показателем определяется с использованием предела последовательности, после чего вводится показательная функция и изучаются её свойства и график.

# 4. Логарифмы (7 часов).

Понятие и свойства логарифмов. Логарифмическая функция. Десятичный логарифм. Степенная функция.

<u>Основная цель</u> — освоить понятие логарифма и логарифмической функции, выработать умение преобразовывать выражения, содержащие логарифмы.

Сначала вводится понятие логарифма, десятичного и натурального логарифмов, изучаются свойства логарифмов. Затем рассматривается логарифмическая функция и изучаются её свойства и график.

Изучаются свойства десятичного логарифма, позволяющие проводить приближённые вычисления с помощью таблиц логарифмов и анти логарифмов. Наконец изучаются степенные функции с различными показателями.

# 5. Показательные и логарифмические уравнения и неравенства (11 часов).

Простейшие показательные и логарифмические уравнения. Уравнения, сводящиеся к простейшим заменой неизвестного. Простейшие показательные и логарифмические неравенства. Неравенства, сводящиеся к простейшим заменой неизвестного.

<u>Основная цель</u> – сформировать умение решать показательные и логарифмические уравнения и неравенства.

Сначала изучаются простейшие показательные уравнения, затем логарифмические. Далее рассматриваются уравнения, решение которых (после введения нового неизвестного t и решения получившегося рационального уравнения относительно t) сводится к решению простейшего показательного (или логарифмического) уравнения.

По такой же схеме изучаются неравенства: сначала простейшие показательные, затем простейшие логарифмические, и наконец, неравенства, сводящиеся к простейшим заменой неизвестного.

# 6. Синус и косинус угла (8 часов).

Понятие угла и его меры. Определение синуса и косинуса угла, основные формулы для них. Арксинус и арккосинус. Примеры использования арксинуса и арккосинуса и формулы для них.

<u>Основная цель</u> – освоить понятие синуса и косинуса произвольного угла, изучить свойства функций  $y=\sin \alpha$ ,  $y=\cos \alpha$ .

Используя язык механики, вводится понятие угла как результата поворота вектора. Затем вводятся его градусная и радианная меры. С использованием единичной окружности вводятся понятия синуса и косинуса угла. Изучаются свойства функций у=sin  $\alpha$ , у=cos  $\alpha$ , как функций угла  $\alpha$ , доказываются основные формулы для них.

Вводятся понятия арксинуса и арккосинуса числа и с их помощью решаются задачи на нахождение всех углов, для каждого из которых  $\sin$   $\alpha$  (или  $\cos$   $\alpha$ ) равен (больше или меньше) некоторого числа. Выводятся формулы для арксинуса и арккосинуса.

# 7. Тангенс и котангенс угла (6 часов).

Определения тангенса и котангенса угла и основные формулы для них. Арктангенс и арккотангенс. Примеры использования арктангенса и арккотангенса и формулы для них.

<u>Основная цель</u> — освоить понятия тангенса и котангенса произвольного угла, изучить свойства функций y=tg  $\acute{\alpha}$ , y=ctg  $\acute{\alpha}$ .

Вводятся понятия арктангенса и арккотангенса числа и с их помощью решаются задачи на нахождение всех углов, для каждого из которых tg  $\acute{\alpha}$  ( или ctg  $\acute{\alpha}$ ) равен (больше или меньше) некоторого числа. Выводятся формулы для арктангенса и арккотангенса.

# 8. Формулы сложения (12 часов).

Косинус суммы и разности двух углов. Формулы для дополнительных углов. Синус суммы и разности двух углов. Сумма и разность синусов и косинусов. Формулы для двойных и половинных углов. Произведение синусов и косинусов. Формулы для тангенсов.

<u>Основная цель</u> – освоить формулы косинуса и синуса суммы и разности двух углов, выработать умение выполнять тождественные преобразования тригонометрических выражений с использованием выведенных формул.

Сначала с помощью скалярного произведения векторов доказывается формула косинуса разности двух углов. Затем с помощью свойств синуса и косинуса угла и доказанной формулы, выводятся все перечисленные формулы: косинус суммы, синус суммы и разности, синусы и косинусы двойных и половинных углов, произведение синусов и косинусов. Наконец выводятся формулы для тангенса суммы и разности двух углов, тангенса

двойного и половинного угла, для выражения синуса, косинуса и тангенса через тангенс половинного угла.

#### 9. Тригонометрические функции (5 часов).

Функции  $y=\sin x$ ,  $y=\cos x$ , y=tg x, y=ctg x.

<u>Основная цель</u> – изучить свойства тригонометрических функций и их графики.

Сначала говориться о том, что хотя функция может выражать зависимость между разными физическими величинами, нов математике принято рассматривать функции y=f(x) как функции числа. Поэтому здесь рассматриваются тригонометрические функции числового аргумента, их основные свойства. С использованием свойств тригонометрических функций строятся их графики.

При изучении это темы вводится понятие периодической функции и её главного периода, доказывается, что главный период функции y=sin x и y=cos x есть число  $2\pi$  главный период функций y=tg x и y=ctg x есть число  $\pi$ .

#### 10. Тригонометрические уравнения и неравенства (14 часов).

Простейшие тригонометрические уравнения. Тригонометрические уравнения, сводящиеся к простейшим заменой неизвестного. Применение основных тригонометрических формул для решения уравнений. Однородные уравнения. Простейшие тригонометрические неравенства. Неравенства, сводящиеся к простейшим заменой неизвестного. Введение вспомогательного угла. Замена неизвестного t=sin x +cos x.

<u>Основная цель</u> – сформировать умение решать тригонометрические уравнения и неравенства.

Сначала с опорой на умение решать задачи на нахождение всех углов х таких, что f(x)=а, где f(x) – одна из основных тригонометрических функций (sin x, cos x, tg x, ctg x), рассматривается решение простейших тригонометрических уравнений. Затем рассматриваются уравнения, которые (после введения нового неизвестного) сводятся к решению простейшего тригонометрического уравнения. Рассматриваются способы решения тригонометрических уравнений с помощью основных тригонометрических формул, и наконец, рассматриваются однородные тригонометрические уравнения.

С опорой на умение решать задачи на нахождение всех углов х таких, что f(x)>a, или f(x)<a, где f(x) — одна из основных тригонометрических функций, рассматривается решение простейших тригонометрических неравенств. Затем рассматриваются неравенства, которые сводятся к решению простейших тригонометрических неравенств.

Рассматриваются специальные приёмы решения тригонометрических уравнений и неравенств введением вспомогательного угла и заменой неизвестного  $t=\sin x + \cos x$ .

## 11. Вероятность события (3 часов).

Понятие и свойства вероятности события.

<u>Основная цель</u> — овладеть классическим понятием вероятности события, изучить его свойства и научиться применять их при решении несложных задач.

Сначала рассматриваются опыты, результаты которых называют событиями. Определяется вероятность события. Рассматриваются примеры вычисления вероятности события. Затем вводятся понятия объединения (суммы), пересечения (произведения) событий и рассматриваются примеры на применение этих понятий.

## 12. Частота. Условная вероятность (2 часа).

Относительная частота события. Условная вероятность. Независимые события.

<u>Основная цель</u> — овладеть понятиями частоты события и условной вероятности события, независимых событий; научить применять их при решении несложных задач.

Сначала вводится понятие относительной частоты события и статистической устойчивости относительных частот. Затем рассматривается вопрос о разных способах определения вероятности: классическом, статистическом, аксиоматическом. Вводятся понятия условной вероятности и независимых событий, рассматриваются примеры на применение этих понятий.

## 13. Математическое ожидание. Закон больших чисел (2 часа).

Математическое ожидание. Сложный опыт. Формула Бернулли. Закон больших чисел.

<u>Основная цель</u> — ознакомить с понятиями математического ожидания и сложного опыта.

Вводится понятие математического ожидания и рассматриваются задачи, в которых используется это понятие. Формулируется закон больших чисел.

# 14. Обобщающее повторение (18 часов)